

Сложение целых неотрицательных чисел (с.ц.н.ч)

В начальной школе в качестве основного средства формирования представлений о смысле действия сложения выступают простые текстовые задачи, выполнение обучающимися предметных действий, и их интерпретация в виде графических и символических моделей.

Например, учитель предлагает задание: « У Коли было 4 марки. Ему подарили ещё 2. Покажите сколько марок стало у Коли?». Дети выкладывают 4 марки (круг, квадрат, треугольник), затем, добавляют 2 марки. Для того, чтобы ответить на вопрос задачи, надо к маркам Коли прибавить (присоединить) марки, которые подарили, т.е. объединить два множества марок и посчитать сколько всего элементов. Далее выясняется, как можно записать выполненное предметное действие, используя для этой цели цифры и знак «=» и «+»: $4+2=6$. Целесообразно на этом этапе употреблять термины «выражение» и «равенство».

Например, детям предлагается картинка, на которой Миша и Маша запускают рыбок в аквариум. Задание: «Расскажите, что делают Миша и Маша?»

Ответы детей: Запускают рыбок в один аквариум; вместе запускают рыбок; Миша запускает 2, а Маша -3 и др. Числовые выражения под картинкой. Анализируя выражения, дети находят подходящее: $2+3$ и $3+2$. Выясняется, чем похожи и как по-разному можно прочесть, эти выражения. Дети говорят, что похожи числами и знаком. Можно прочесть: 2 плюс 3, и к 2-ум прибавить 3. В результате, дети записывают равенство, знакомятся с компонентами сложения. После, числовые равенства интерпретируются на числовом луче.

Сложение ц.н.ч. тесно связано с операцией объединения множеств.

Пример. Найдём число элементов в объединении множеств.

$$A=\{a,b,c,d\}$$

$$B=\{c,x,y\}$$

$$n(A)=4, n(B)=3, A\cup B=\{a,b,c,d,x,y\}$$

$$n(A\cup B)=6, \text{ т.е. } 4+3=6, \text{ т.к. множества } A \text{ и } B \text{ имеют общий элемент «с»}.$$

Суммой ц.н.ч. а и b наз. число элементов в объединении непересекающихся множеств A и B, таких, что $n(A)=a, n(B)=b$

$$a+b=n(A\cup B)$$

$$A=\{x,y,z,t,p\}, \quad B=\{a,b\} \quad A\cup B=\{x,y,z,t,p,a,b\}, \quad n(A)=5, \quad n(B)=2$$
$$n(A\cup B)=5+2=7$$

-Объясните, что $4+5=9$

$$\text{Пусть } A=\{1;2;3;4\} \quad B=\{5,6,7,8,9\} \quad n(A)=4 \quad n(B)=5 \quad A\cup B=\{1;2;3;4;5;6;7;8;9\}$$
$$n(A\cup B) = 7 \Rightarrow 4+3=7$$

Сумма $a+b$ не зависит от выбора непересекающихся множеств A и B, таких что $n(A)=a, n(B)=b$.

Сумма ц.н.ч. всегда существует и единственна.

!!!!!!!!!!!!

Суммой целых неотрицательных чисел a и b называют число элементов в объединении непересекающихся множеств A и B , таких, что $n(A)=a$, $n(B)=b$:

$a + b = n(A \cup B)$, где $n(A) = a$, $n(B) = b$ и $A \cap B = \emptyset$

Пример

Объясним, пользуясь данным определением, что $5 + 2 = 7$.

Пусть $5=n(A)$, например $A=\{1,2,3,4,5\}$.

$2=n(B)$, например $B=\{8,9\}$.

$A \cap B = \emptyset$

Составим объединение множеств A и B

$A \cup B = \{1,2,3,4,5,8,9\}$

$n(A \cup B) = 7$

По определению суммы целых неотрицательных чисел $5+2=7$

!!!!!!!!!!!!

Пусть сумма двух слагаемых определена и определена сумма n слагаемых. Тогда сумма, состоящая из $n+1$ слагаемого, т. е. сумма $a + a_2 + \dots + a_n + a_{n+1}$, равна $(a + a_2 + \dots + a_n) + a_{n+1}$.

Пример

$2+7+15+19 = (2+7+15)+19 = ((2 + 7)+15)+19 = (9+15)+19 = 24+19 = 43$.