

## **Сложение целых неотрицательных чисел (с.ц.н.ч)**

В начальной школе в качестве основного средства формирования представлений о смысле действия сложения выступают простые текстовые задачи, выполнение обучающимися предметных действий, и их интерпретация в виде графических и символических моделей.

Например, учитель предлагает задание: « У Коли было 4 марки. Ему подарили ещё 2. Покажите сколько марок стало у Коли?». Дети выкладывают 4 марки (круг, квадрат, треугольник), затем, добавляют 2 марки. Для того, чтобы ответить на вопрос задачи, надо к маркам Коли прибавить (присоединить) марки, которые подарили, т.е. объединить два множества марок и посчитать сколько всего элементов. Далее выясняется, как можно записать выполненное предметное действие, используя для этой цели цифры и знак «=» и «+»:  $4+2=6$ . Целесообразно на этом этапе употреблять термины «выражение» и «равенство».

*Например, детям предлагается картинка, на которой Миша и Маша запускают рыбок в аквариум. Задание: «Расскажите, что делают Миша и Маша?»*

*Ответы детей: Запускают рыбок в один аквариум; вместе запускают рыбок; Миша запускает 2, а Маша -3 и др. Числовые выражения под картинкой. Анализируя выражения, дети находят подходящее:  $2+3$  и  $3+2$ . Выясняется, чем похожи и как по-разному можно прочитать, эти выражения. Дети говорят, что похожи числами и знаком. Можно прочесть: 2 плюс 3, и к 2-ум прибавить 3. В результате, дети записывают равенство, знакомятся с компонентами сложения. После, числовые равенства интерпретируются на словом лучше.*

**Сложение ц.н.ч. тесно связано с операцией объединения множеств.**

Пример. Найдем число элементов в объединении множеств.

$$A=\{a,b,c,d\}$$

$$B=\{c,x,y\}$$

$$n(A)=4, n(B)=3, A \cup B = \{a,b,c,d,x,y\}$$

$$n(A \cup B)=6, \text{ т.е. } 4+3=6, \text{ т.к. множества } A \text{ и } B \text{ имеют общий элемент «}c\text{»}.$$

**Суммой ц.н.ч.  $a$  и  $b$  наз. число элементов в объединении непересекающихся множеств  $A$  и  $B$ , таких, что  $n(A)=a$ ,  $n(B)=b$**

$$a+b=n(A \cup B)$$

$$A=\{x,y,z,t,p\}, \quad B=\{a,b\} \quad A \cup B = \{x,y,z,t,p,a,b\}, \quad n(A)=5, \quad n(B)=2 \\ n(A \cup B)=5+2=7$$

-Объясните, что  $4+5=9$

$$\text{Пусть } A=\{1;2;3;4\} \quad B=\{5,6,7,8,9\} \quad n(A)=4 \quad n(B)=5 \quad A \cup B = \{1;2;3;4;5;6;7;8;9\} \\ n(A \cup B) = 7 \Rightarrow 5+4=9$$

Сумма  $a+b$  не зависит от выбора непересекающихся множеств  $A$  и  $B$ , таких что  $n(A)=a$ ,  $n(B)=b$ .

Сумма ц.н.ч. всегда существует и единственна.

!!!!!!!

Суммой целых неотрицательных чисел  $a$  и  $b$  называют число элементов в объединении непересекающихся множеств  $A$  и  $B$ , таких, что  $n(A)=a$ ,  $n(B)=b$ :

$$a + b = n(A \cup B), \text{ где } n(A) = a, n(B) = b \text{ и } A \cap B = \emptyset$$

## Пример

Объясним, пользуясь данным определением, что  $5 + 2 = 7$ .  
Пусть  $5=n(A)$ , например  $A=\{1,2,3,4,5\}$ .

$2=n(B)$ , например  $A=\{8,9\}$ .

$$A \cap B = \emptyset$$

Составим объединение множеств  $A$  и  $B$

$$A \cup B = \{1,2,3,4,5,8,9\}$$

$$n(A \cup B) = 7$$

По определению суммы целых неотрицательных чисел  $5+2=7$

!!!!!!!

Пусть сумма двух слагаемых определена и определена сумма  $n$  слагаемых. Тогда сумма, состоящая из  $n+1$  слагаемого, т. е. сумма  $a + a_2 + \dots + a_n + a + 1$ , равна  $(a + a_2 + \dots + a_n) + a_{n+1}$ .

## Пример

$$2+7+15+19 = (2+7+15)+19 = ((2 + 7)+15)+19 = = (9+15)+19 = 24+19 = 43.$$