НАЧАЛЬНЫЙ КУРС МАТЕМАТИКИ КАК УЧЕБНЫЙ ПРЕДМЕТ В I—IV КЛАССАХ

Обучение математике, так же как обучение любому другому учебному предмету в школе, должно решать образовательные, развивающие и воспитательные цели.

В процессе изучения математики обучающиеся должны овладеть системой теоретических знаний, а также рядом умений и навыков, которые определяются программой. Обучение должно обеспечить овладение обучающимися осознанными знаниями и на обобщения. уровне Это может быть высоком достигнуто в том случае, если обучение будет РАЗВИВАЮЩИМ, т. е. будет обеспечивать достаточный уровень интеллектуального развития школьников, познавательных способностей ИХ познавательной интересов, будет вооружать приемами ИХ деятельности.

Именно в начальных классах школы, где берут начало такие математические понятия, как число, арифметические действия, система счисления, геометрическая фигура, школьник должен утвердиться в том, что «математика имеет своим объектом пространственные формы и количественные отношения действительного мира, стало быть — весьма реальный материал», что «понятия числа и фигуры взяты не откуда-нибудь, а только из действительного мира». Поэтому важно постоянно осуществлять связь обучения математике с жизнью.

Необходимо сформировать у детей умение учиться, приемы работы над тем или иным материалом и привить навыки самостоятельной работы.

Отбор содержания обучения математике в 1—VI классах, расположение этого материала в определенной системе, выбор методов и средств, а также организационных форм обучения — все это должно быть подчинено решению основных целей обучения.

Содержание и построение начального курса математики

Начальный курс математики, изучаемый в I—IV классах школы, является органической частью школьного курса математики. Это значит, что курс математики для V—X классов — продолжение начального курса, а начальный курс — его исходная база. В соответствии с этим начальный курс математики включает арифметику целых неотрицательных чисел и основных величин, элементы алгебры и геометрии.

Начальный курс математики имеет свои особенности построения.

Арифметический материал составляет главное содержание курса. Основой начального курса является арифметика натуральных чисел и основных величин. Кроме того, в него входят элементы геометрии и алгебраической пропедевтики, которые по возможности включаются в систему арифметических знаний, способствуя более высокому уровню усвоения понятий о числе, арифметических действиях и математических отношениях, т. е. элементы алгебры и геометрии не составляют особых разделов курса математики, а органически связываются с арифметическим материалом.

Такая связь дает возможность, с одной стороны, раньше приобщить детей к идеям алгебры и геометрии и с другой — достичь более высокого уровня усвоения младшими школьниками арифметических знаний.

Арифметический материал вводится концентрически. Сначала изучается нумерация чисел первого десятка, которые не подлежат десятичному расчленению, вводятся цифры для записи этих чисел, изучаются действия сложения и вычитания. Затем рассматривается нумерация чисел в пределах 100, раскрывается понятие разряда, позиционный принцип записи чисел, которые десятичному расчленению, изучается сложение и двузначных чисел, вводятся два новых арифметических действия: умножение и деление. Далее изучается нумерация чисел в пределах 1000. Здесь рассматриваются три разряда (единицы, десятки, сотни), составляющие основу нумерации многозначных чисел, арифметических обобщаются знания об действиях, приемы письменного сложения и вычитания. Наконец, изучается нумерация многозначных чисел, рассматривается понятие класса, обобщается принципа поместного знание значения

изучаются приемы письменных вычислений. Таким образом, четыре концентра: курсе выделены десяток, сотня, числа. Одновременно многозначные И В тесной рассмотрением нумерации и арифметических действий изучаются алгебраический вопросы: величины, дроби, другие И геометрический материал.

Выделение именно концентров объясняется таких особенностями десятичной системы счисления и вычислительных приемов: в каждом концентре раскрываются новые вопросы, связанные с системой счисления и арифметическими действиями. Концентрическое расположение материала соответствует возможностям младших школьников: обучение математике небольшой области начинается чисел, доступной детям область известной ИМ ДΟ школы; эта чисел постепенно расширяется, и постепенно вводятся новые понятия; при таком построении курса обеспечивается систематическое повторение и вместе с тем углубление изученного, так как полученные ранее знания, умения и навыки находят применение в новой области чисел. Все это способствует лучшему усвоению курса.

Математические понятия, свойства, закономерности раскрываются в курсе в их взаимосвязи. Это не только связь между арифметическим, алгебраическим и геометрическим материалом, называемые внутренние связи между различными свойствами, закономерностями. курса, ИМКИТКНОП изучении арифметических действий раскрываются их свойства, связи и зависимости между их компонентами и результатами. Это возможность глубже раскрыть понятие арифметических действий, обогатить детей функциональными представлениями. Такое построение обеспечивает более глубокое усвоение курса, так

как обучающиеся будут овладевать не только отдельными вопросами курса, но одновременно и связями между ними.

Курс математики строится так, что в процессе его изучения каждое понятие получает свое развитие. Например, при изучении арифметических действий сначала раскрывается их конкретный смысл, затем свойства действий, связи и зависимости между компонентами и результатами действий, а также между самими действиями. Такой подход к введению понятий соответствует возрастным возможностям младших школьников, обеспечивает доступность овладения математическим материалом. Таковы основные особенности построения начального курса.

Арифметический материал включает нумерацию целых неотрицательных чисел и арифметические действия над ними, сведения о величинах, их измерении и действиях над ними, понятие о дробях.

Изучение этого материала должно привести обучающиеся к усвоению системы математических понятий, а также к овладению прочными и осознанными умениями и навыками.

Одним из центральных понятий начального курса является натурального числа. Оно понятие трактуется количественная характеристика класса эквивалентных множеств. Раскрывается это понятие на конкретной основе в результате практического оперирования множествами и величинами (длина отрезка, масса, площадь). Формирование понятия натурального числа не только в процессе счета предметов, но и в процессе величин обогащает содержание измерения позволяет с самого начала связать обучение с практической деятельностью детей, опереться на имеющиеся у них числовые Этим объясняется знакомство представления. отрезком, единицами длины и измерением отрезков, начиная с изучения нумерации чисел первого десятка. При изучении нумерации натуральное число получает дальнейшее развитие: оно выступает как элемент упорядоченного множества или как член натуральной последовательности. В связи с рассмотрением свойств натуральной последовательности раскрывается количественное и порядковое значение натурального числа. При изучении арифметических действий натуральное число выступает в новом качестве — в качестве объектов, над которыми выполняются арифметические

действия. Число, полученное в результате арифметического действия, может быть выражено через те числа, над которыми выполнялось действие (заменено суммой или произведением чисел — состав чисел из слагаемых или из множителей). Таким образом, в начальном курсе математики раскрываются различные способы образования натурального числа (счет, измерение, выполнение арифметических действий).

Число НУЛЬ трактуется В начальном курсе как характеристика количественная класса пустых множеств. Включение в начальный курс математики числа и цифры нуль позволяет расширить числовую область и создать надлежащие обучающиеся условия овладения областью ДЛЯ целых неотрицательных чисел. Нуль как число и как цифра вводится в I классе. Сначала нуль рассматривается как цифра, обозначающая на линейке начало отмеривания, затем вводится число нуль при вычитании вида: 2—2, 3 — 3, что соответствует правильному толкованию сущности этого нового числа как количественной характеристики класса пустых множеств. Далее нуль выступает как компонент действий первой ступени: 5 + 0, 0 + 9, 8 - 0, 0 + 0, 0 - 0, a при изучении действий умножения и деления (II класс) как действий: ЭТИХ 0-4, 3-0, 0-0, 0:4.компонент рассматривается невозможность деления на нуль. Цифра нуль используется для обозначения отсутствия единиц какого-либо разряда в записи числа (70, 30000, 204).

В начальных классах дается наглядное представление о дроби. Во ІІ классе вводится понятие доли как одной из равных частей целого (круга, куска шпагата), дается запись долей. Поскольку суть понятия доли очень ярко раскрывается при решении задач на нахождение доли от числа и числа по его доле, то эти задачи включены в курс, изучаемый во ІІ классе. В ІІІ классе вводится дробь как совокупность долей, запись дроби, преобразование и сравнение дробей на задачи на нахождение дроби числа.

Понятие о системе счисления раскрывается при концентрическом построении курса постепенно, натуральных чисел изучения нумерации арифметических И действий над ними. При этом понятие разряда, класса, разрядной и классной единицы, разрядного числа, как уже указывалось, находит свое развитие от концентра к концентру, т. е. постепенно вводятся новые разряды и классы, их название И В связи

рассматриваются образование, название, запись и чтение чисел, их десятичный состав.

Арифметические действия занимают центральное место в начальном курсе математики. Это сложный и многогранный вопрос. Он включает раскрытие конкретного смысла арифметических действий, свойств действий, связей и зависимостей между компонентами и результатами действий и между самими действиями, а также формирование вычислительных умений и навыков, умений решать арифметические задачи.

Как И другие математические каждое арифметическое действие раскрывается на конкретной основе в процессе выполнения операций над множествами: сложение — на основе операции объединения множеств, не имеющих общих элементов, вычитание — на основе операции удаления части множества (подмножества), умножение — на основе операции объединения множеств одинаковой численности и деление — на основе операции разбиения множества на ряд равночисленных непересекающихся множеств. Такой подход позволяет опереться на опыт детей и создать наглядную основу формируемого знания. Одновременно с раскрытием конкретного смысла арифметического действия вводится соответствующая символика (знаки действий) и терминология: название действия, название компонентов и результатов действия. Здесь же начинается работа математического выражения, понятием рассматриваются простейшие выражения вида: 7 + 3, а позднее более сложные вида: 9— (2 + 3).

включает свойств Начальный курс математики ряд свойство действий. арифметических Это переместительное сложения и умножения, свойства прибавления числа к сумме, прибавления вычитания числа из суммы, суммы числу, прибавления из числа, суммы вычитания суммы сумме. вычитания суммы из суммы, умножения числа на сумму и суммы число, умножения деления суммы на числа произведение, деления числа на произведение.

Каждое из названных свойств раскрывается на основе практических операций над множествами или над числами, в результате чего обучающиеся должны прийти к обобщению. Для усвоения свойств в курсе предусматривается система специальных упражнений, но главная сфера применения свойств — это

раскрытие на их основе вычислительных приемов. Например, уже в I классе после изучения переместительного свойства сложения вводится прием перестановки слагаемых для случаев вида: 2+6; случаю 54 — 20 предшествует рассмотрение разных способов вычитания числа из суммы, на основе чего раскрывается вычислительный прием:

$$54-20=(50+4)-20=(50-20)+4=34.$$

Опираясь на конкретный смысл арифметических действий, их свойства, связи и зависимости между результатами и компонентами действий, а также десятичный состав чисел, раскрываются приемы устных и письменных вычислений. Такой подход к изучению обеспечивает, вычислений \mathbf{c} одной стороны, формирование умений осознанных И навыков, так обучающиеся смогут обосновать любой вычислительный прием, а с другой стороны, при такой системе лучше усваиваются свойства действий и другие вопросы курса.

Одновременно с изучением свойств арифметических действий и соответствующих приемов вычислений раскрываются на основе операций над множествами или над числами связи между компонентами и результатами арифметических действий (например, если из суммы вычесть одно из слагаемых, то получится другое слагаемое), ведутся наблюдения за изменением результатов арифметических действий в зависимости от изменения одного из компонентов (например, если одно из слагаемых увеличить на несколько единиц, а другое оставить без изменения, то сумма увеличится на столько же единиц).

В начальном курсе математики предусматривается система упражнений, направленных выработку y обучающиеся на Это тренировочные вычислительных навыков. упражнения различного характера: решение отдельных выражений, заполнение подстановка числовых значений букв и нахождение полученных выражений. формировании значений В предусматривается разная степень их автоматизации: сложения и умножения табличных случаев И обратные по отношению к ним случаи вычитания и деления должны быть доведены до полного автоматизма (так, обучающиеся должны быстро и правильно воспроизводить, что 3+8=11, 7x6=42, 12 — 5=7, 56:8=7). Автоматизируется и выполнение отдельных операций; например, при сложении чисел 18 и 7 быстро выполняются

операции: 8 + 7 = 15, 10 + 15 = 25 или 7 = 2 + 5, 18 + 2 = 20, 20 + 5 = 25.

Все названные вопросы, относящиеся к арифметическим действиям, рассматриваются в тесной взаимосвязи друг с другом.

В связи с изучением арифметического материала вводятся элементы алгебры: на конкретной основе раскрываются понятия равенства, неравенства, уравнения, переменной.

Начиная с I класса рассматриваются числовые равенства и неравенства

3 = 3, 5=1+4, 3<4, 7+2>7, 9-3<9-2 и т. п. Их изучение арифметического непосредственно связывается c изучением материала и помогает более глубоко раскрыть его. Здесь же рассматриваются уравнения сначала вида: x + 6 = 9, 10-x=2, а позднее, начиная со II класса, вида: (48 + x)— 24 = 36. Решение уравнений выполняется на основе связи между компонентами и результатами арифметических действий, а также способом подбора. Наряду с решением уравнений ведется обучение решению задач с помощью составления уравнений. Во II классе вводится буква как переменной. обозначения В связи рассматриваются выражения с переменной (а + b, 20 —с и др.) и неравенства с переменной 9-с <5), значения переменной в которых находится способом подбора.

Геометрический материал служит главным образом целям простейшими геометрическими c фигурами развитию пространственных представлений школьников. Поэтому в начальный курс математики, начиная с І класса, включены геометрические фигуры: прямые, кривые и ломаные линии, точка, отрезок прямой, многоугольники (треугольник, четырехугольник) и (вершины, стороны, углы), прямой ИХ элементы прямоугольник (квадрат), окружность, круг, центр и радиус круга. Обучающиеся должны научиться различать эти фигуры, называть их и выполнять простейшие построения на клетчатой бумаге. Кроме того, они должны овладеть умением находить длину отрезка (І класс), длину ломаной и периметр многоугольника (ІІ класс), площадь геометрической фигуры (III класс). Курс математики предусматривает разнообразные задачи геометрического характера, направленные на формирование пространственных представлений обучающиеся. Все вопросы геометрии раскрываются на наглядной основе.

B тесной изучением арифметического, связи алгебраического геометрического И материала раскрывается понятие величины и идея измерения величин. Ознакомление с такими величинами, как длина, масса, время, емкость, площадь, с единицами их измерения и с измерением выполняется практически тесно И связывается формированием понятия числа, десятичной системы счисления и арифметических действий, а также с формированием понятия геометрической фигуры. Вследствие такой связи возможным вести обучение, опираясь на наглядные образы, связывая обучение с практической деятельностью детей.

Задачи являются теми упражнениями, с помощью которых, прежде всего, раскрываются многие вопросы начального курса математики. Например, с помощью решения задач раскрывается конкретный смысл арифметических действий, свойства действий, связи между компонентами и результатами арифметических действий. Задачи являются средством связи обучения математике с жизнью, той сферой приложения математических знаний, которая обеспечить достаточно разнообразные ситуации для раскрытия разных сторон понятий. Кроме того, в процессе решения задач обучающиеся овладевают практическими умениями и навыками, необходимыми им в жизни, знакомятся с фактами, учатся устанавливать связи зависимости между величинами, часто встречающимися в жизни. В начальный курс включены задачи несложной структуры с арифметическим и геометрическим содержанием.